

# EURÊKA : Dénombrement et probabilités

## Corrigés

Y. Fracheboud

2 octobre 2022

DE01  
Il y a au maximum 7 billes non rouges  $\Rightarrow 100 - 7 = 93$  billes rouges au minimum

DE02  
a. Il y a 4 couleurs  $\Rightarrow 5$   
b. 25  
c. 12  
d. 20

DE03  
200 élèves  $\Rightarrow 40$  groupes de 5.  
a) 40% préfèrent sauté  $\Rightarrow 60\%$  (120 élèves) préfèrent sucré.  
Majorité à 3  $\Rightarrow 120 : 3 = 40$  groupes au maximum qui fabriquent sucré.  
b) On forme le maximum de groupes avec élèves préférant le sucré en minorité (2 par groupe)  $\Rightarrow 80$  élèves dans 40 groupes. Il reste  $120 - 80 = 40$  élèves préférant le sucré à caser dans un minimum de groupes où ils seront en majorité  $\Rightarrow$  former des groupes à 5 élèves sucrés.  
 $\Rightarrow 40 : 5 = 8$ .  $\Rightarrow$  14 groupes à 5 élèves préférant le sucré

DE04

Donnée 1: Il a 3 couleurs, disons R, V, B

Donnée 2: la couleur la plus abondante : 9 bonbons

Donnée 3: 14 bonbons non bleus  $\Rightarrow V + R = 14$

Donnée 4: 13 bonbons non verts  $\Rightarrow R + B = 13$

Si  $B = 9 \Rightarrow R = 4 \Rightarrow V = 10$ , impossible ( $V > 9$ )

Si  $R = 9 \Rightarrow B = 4 \Rightarrow V = 5 \Rightarrow \underline{18 \text{ bonbons}}$

Si  $V = 9 \Rightarrow R = 5 \Rightarrow B = 8 \Rightarrow \underline{\underline{22 \text{ bonbons}}}$

DE05

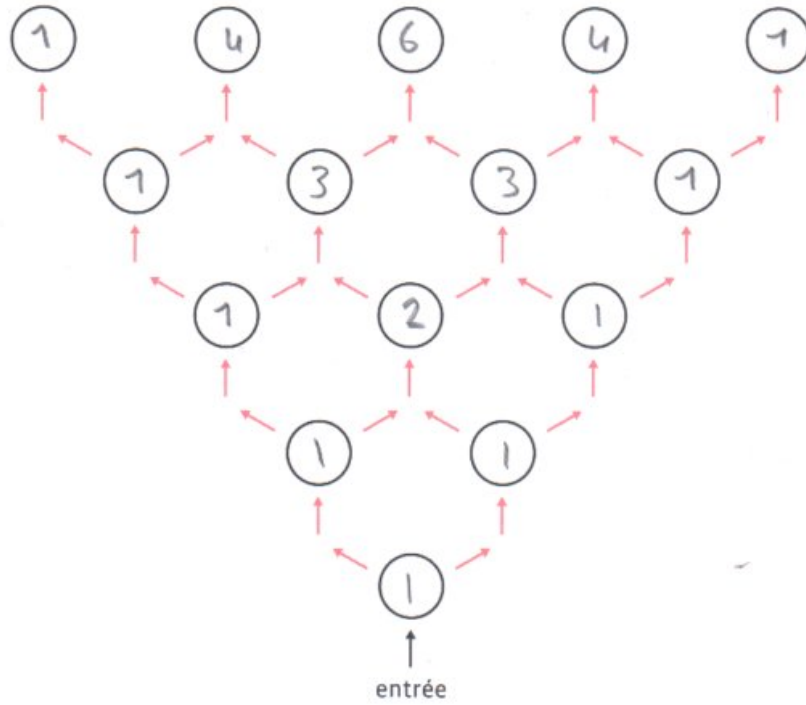
pages 1 à 9 : 9 caractères

pages 10 - 99 :  $90 \cdot 2 = 180$  caractères

pages 100 - 456 :  $357 \cdot 3 = 1071$  caractères

total : 1260 caractères

Reporte tes résultats dans ce diagramme.

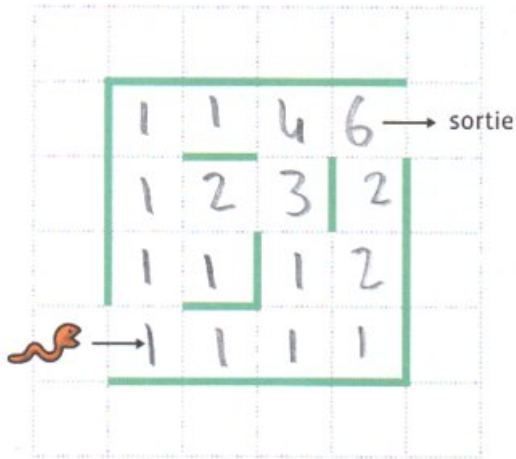


**DE 08** ————— **Pacmath** —————

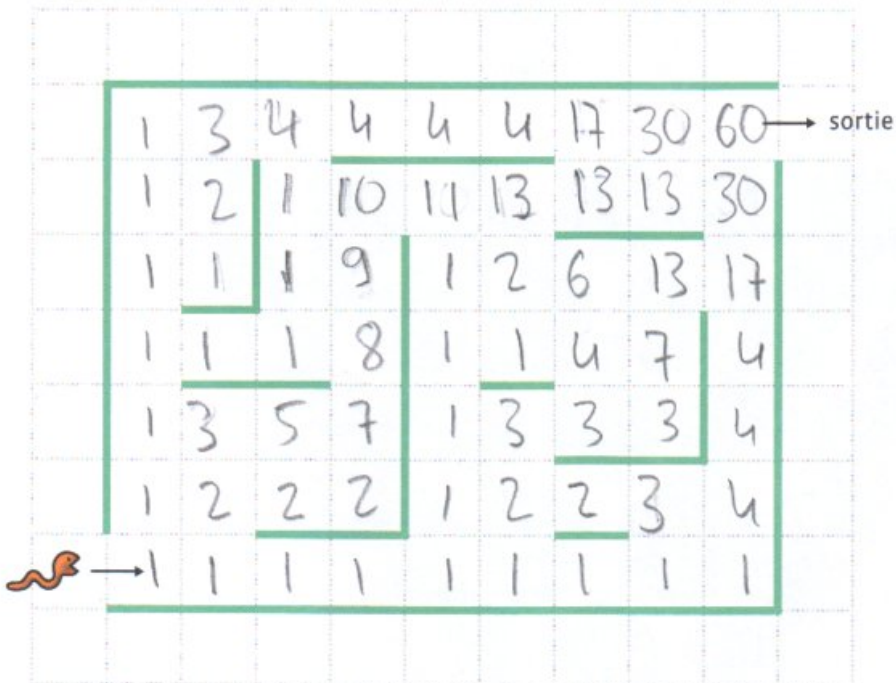
Pacmath entre dans un labyrinthe et doit rejoindre la sortie.

a. Combien peut-il emprunter de chemins différents, sachant qu'il ne peut se déplacer que dans les deux directions suivantes: ↑ et → ?

1.

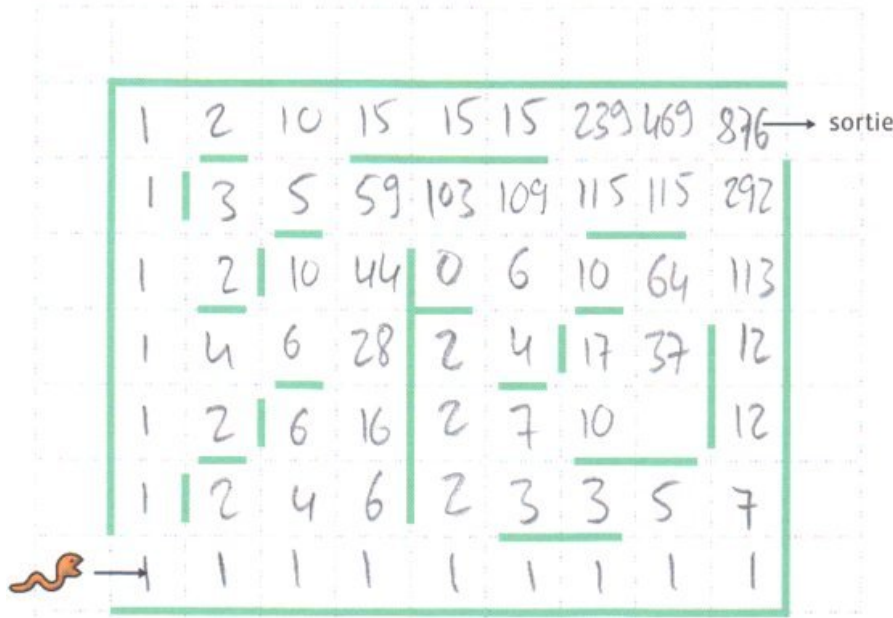


2.



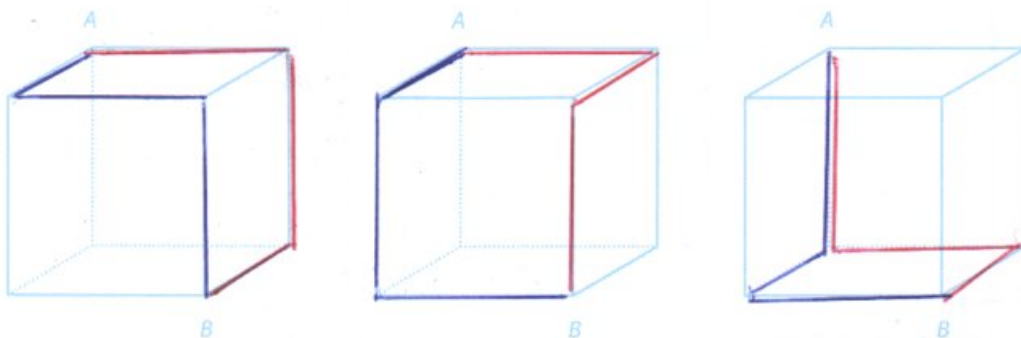
DE 08

b. Combien peut-il emprunter de chemins différents, sachant qu'il ne peut se déplacer que dans les trois directions suivantes: ↑, →, ↗?



DE 10 — Sur les arêtes du cube

Soient deux sommets, A et B, diamétralement opposés d'un cube.  
Trace le chemin le plus court permettant de les joindre en ne suivant que les arêtes.



Combien y a-t-il de chemins différents possibles? 6

DE 12

$$19 + 18 + 17 + 16 + 15 + 14 + 13 + 12 + 11 + 10 + 9 + 8 + 7 + 6 + 5 + 4 + 3 + 2 + 1 = \underline{\underline{190}}$$

DE 13

a) Chaque point peut être relié à 7 points  $\Rightarrow 8 \cdot 7 = 56$  segments  
 mais AB est identique à BA  $\Rightarrow \frac{56}{2} = \underline{\underline{28}}$  segments différents

b) 1<sup>er</sup> sommet : 8 possibilités, 2<sup>e</sup> sommet 7 possibilités, 3<sup>e</sup> sommet 6 possibilités, donc  $8 \cdot 7 \cdot 6 = 336$  triangles, mais ABC, ACB, BAC, BCA, CAB et CBA sont identiques.

$$\Rightarrow \frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{6} = \underline{\underline{56}} \text{ triangles différents.}$$

DE 14

$$11 \cdot 14 = \underline{\underline{154}} \text{ poignées de main}$$

DE 15

a) 15 tintements supplémentaires à l'arrivée de Floriane  
 $\Rightarrow$  Ils sont 16. Laurent a 15 invités

$$b) 15 + 14 + 13 + 12 + 11 + 10 + 9 + 8 + 7 + 6 + 5 + 4 + 3 + 2 + 1 = \underline{\underline{120}} \text{ tintements}$$

DE 16

Agathe a 7 possibilités, Berthe 6, etc

$$\Rightarrow 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 7! = \underline{\underline{5040}} \text{ possibilités}$$

DE17

- a)  $4! = 24$  mots
- b)  $\frac{5!}{2!} = \frac{120}{2} = 60$  mots (les 2 O peuvent être inversés)
- c)  $\frac{9!}{2! \cdot 3!} = \frac{362\,880}{2 \cdot 6} = 30\,240$  mots

DE18

a)

3	A	B	C
4			X

Si Gaspard prend le 4A  $\Rightarrow$   
 Zélie et Papa vont dans  
 la rangée 3 sur AB, BA, BC ou CB.  
 $\Rightarrow$  4 possibilités.  
 il reste 2 places pour Ulysse et  
 manant.  $\Rightarrow 4 \cdot 2 = 8$  possibilités.

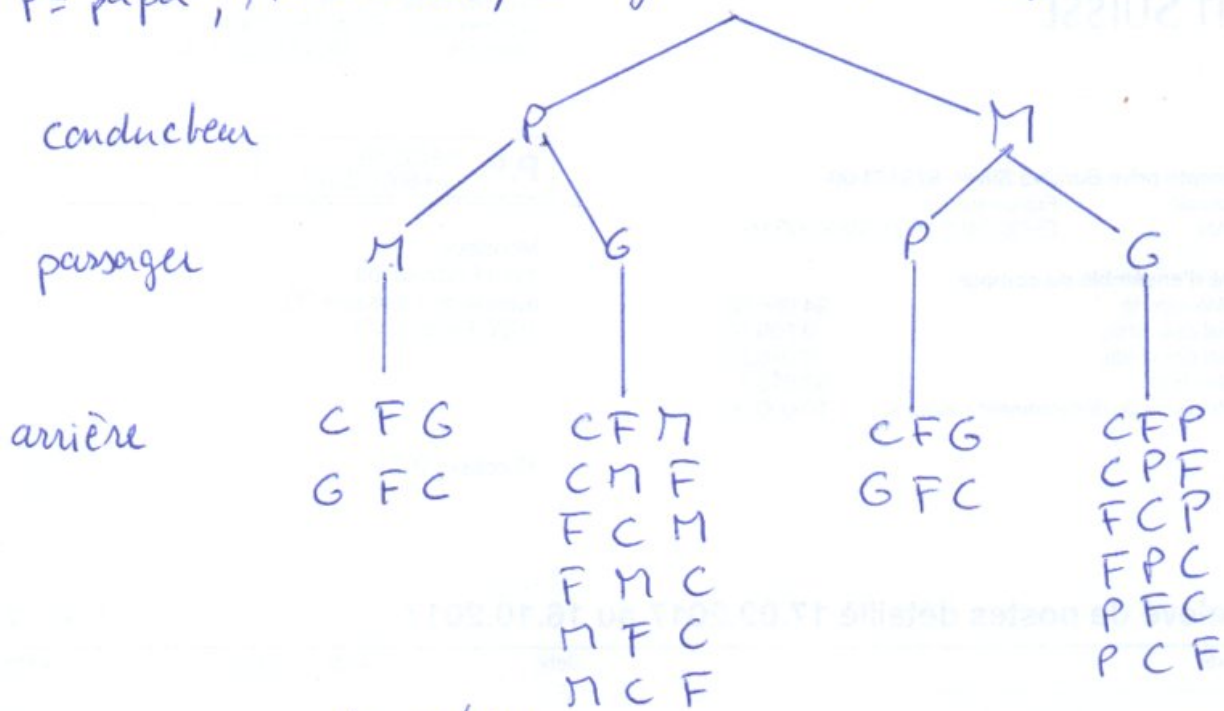
Si Gaspard prend 3A :

Zélie a 4 possibilités 3B, 3C, 4A, 4B et son papa se  
 met à côté d'elle. Il reste 2 sièges pour Ulysse et manant.  
 $\Rightarrow 4 \cdot 2 = 8$  possibilités.

Au total :  $8 + 8 = \underline{\underline{16}}$  configurations

DE 19

P = papa, M = maman, G = grand-mère, F = Fils, C = chat



⇒ 16 configurations

DE 20

a)  $8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 = 1680$  possibilités

b) 1. 4 possibilités de choisir le pion au bon endroit, puis choisit 3 autres parmi les  $8 - 4 = 4$  couleurs restantes. ⇒  $4 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 = \underline{96}$  possibilités.

2. 4 possibilité de choisir la bonne couleur et 3 pour la placer au bon endroit. Reste 3 pions à choisir parmi 4 couleurs :

$4 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 = \underline{288}$  possibilités

DE22

a) Nombres différents possible :  $2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16$   
 $\Rightarrow$  Il doit lancer au maximum 17 fois

b) 1<sup>er</sup> jeton : 4 possibilités à 2 faces = 8  
 2<sup>e</sup> jeton : 3 " " " " = 6  
 3<sup>e</sup> jeton : 2 " " " " = 4  
 4<sup>e</sup> jeton : 1 " " " " = 2

$8 \cdot 6 \cdot 4 \cdot 2 = 384$  nombres possibles.

il doit lancer au maximum 385 fois.

DE24

a)  $7 \cdot 6 \cdot 5 = \underline{210}$  nombres différents

b) dernier chiffre : 3 possibilités (2, 4 ou 6), 6 pour le 2<sup>e</sup>  
 et 5 pour le premier :  $3 \cdot 6 \cdot 5 = \underline{90}$  nombres pairs

c) 1<sup>er</sup> chiffre : 3, 4 ou 5  $\Rightarrow$  3 possibilités, 6 pour le 2<sup>e</sup> et  
 5 pour le dernier  $\Rightarrow 3 \cdot 6 \cdot 5 = \underline{90}$  nombres entre 300  
 et 600.

DE25

a) 9 couleurs au total.

$9 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 2 = \underline{432}$  voitures différentes

b) En tissu rose à pois :  $9 \cdot 4 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 = 36$  voitures

autres :  $9 \cdot 4 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 288$  voitures

$\Rightarrow$  total  $36 + 288 = \underline{324}$  voitures

DE 26

- a) 26 cantons  $\Rightarrow 26 \cdot 10^6 = 26'000'000$   
 mais les plaques 0 n'existent pas  
 $\Rightarrow 26'000'000 - 26 = 25'999'974$  plaques différentes

DE 30

$$3212 \text{ km}^2 = 3,212 \cdot 10^9 \text{ m}^2 \Rightarrow 3,212 \cdot 10^9 : 9 = 356888889 \text{ canes}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{356888889} \approx 709,3 \Rightarrow \underline{\underline{710}} \text{ mots}$$

DE 31

- a)  $5! = 120$  possibilités.

b) 13579 $\rightarrow$ 19753	:	24 nombres	24
31579 $\rightarrow$ 39751	:	24 nombres	48
51379 $\rightarrow$ 59731	:	24 nombres	72
71359 $\rightarrow$ 79531	:	24 nombres	96
71359 - 71953	:	6 nombres	78
73159 - 73951	:	6 nombres	84
75139 - 75931	:	6 nombres	90 $\leftarrow$

1. 75931

2. 72<sup>e</sup>: 59731  
 71<sup>e</sup>: 59713  
 70<sup>e</sup>: 59371  
 69<sup>e</sup>: 59317  
 68<sup>e</sup>: 59173  
67<sup>e</sup>: 59137

DE 32

$\frac{3}{20}$  lisent des livres numériques  $\rightarrow 15\%$

$\frac{1}{10}$  ne lisent que des livres numériques  $\rightarrow 10\%$

$\Rightarrow 15 - 10 = 5\%$  lisent papier et numérique.

a)  $5\%$  représentent 35 personnes  $\Rightarrow 20 \cdot 35 = \underline{\underline{700}}$  personnes participent au sondage

b)  $89\%$  lisent sur papier et  $10\%$  ne lisent que numérique  $\Rightarrow 89 + 10 = 99\%$  des personnes lisent et  $1\%$  ne lisent pas  $\Rightarrow 0.01 \cdot 700 = \underline{\underline{7}}$  personnes ne lisent pas

DE 33

Chaque tour couvre une ligne et une colonne

a) 4 tours :  $64 \cdot 49 \cdot 36 \cdot 25 = 2'822'400$  possibilités  
 mais on peut permuer les 2 tours blanches et les deux noires  
 $\Rightarrow \frac{2'822'400}{2! \cdot 2!} = \underline{\underline{705'600}}$  possibilités

b) On peut permuer les quatre tours  $\Rightarrow \frac{2'822'400}{4!} = \underline{\underline{117'600}}$  possibilités

c)  $\frac{10^2 \cdot 9^2 \cdot 8^2 \cdot 7^2}{4!} = \underline{\underline{1058'400}}$  possibilités

c)  $\frac{n^2 \cdot (n-1)^2 \cdot (n-2)^2 \cdot (n-3)^2}{4!}$  possibilités

DE34a) L'ordre n'a pas d'importance  $\Rightarrow$ 

$$\frac{7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4}{4!} = \frac{7!}{(7-4)! \cdot 4!} = 35 \text{ équipes différentes}$$

b) - Pas possible d'avoir une équipe sans fille.  
 - Une seule équipe possible avec les 4 filles.  
 $\Rightarrow 35 - 1 = \underline{34}$  équipes mixtes

DE35

a) L'ordre des produits dans les éprouvettes n'a pas d'importance

$$\frac{7 \cdot 6}{2!} = \underline{21} \text{ possibilités}$$

$$b) \frac{7 \cdot 6 \cdot 5}{3!} = \underline{35} \text{ possibilités}$$

DE36

$$a) 1. \frac{7 \cdot 6 \cdot 5}{3!} = 35 \text{ bouquets}$$

$$2. \frac{7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3}{5!} = 21 \text{ bouquets}$$

$$3. \frac{1 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3}{4!} = 15 \text{ bouquets}$$

DE37

a) L'ordre n'a pas d'importance

$$\frac{24 \cdot 23 \cdot 22 \cdot 21 \cdot \dots \cdot 14 \cdot 13 \cdot 12}{12!} = \frac{24!}{12! \cdot 12!} = \underline{2'704'156} \text{ groupes}$$

b. former des groupes de 5 filles :

$$\frac{10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6}{5!} = 252 \text{ groupes de 5 filles}$$

former des groupes de 7 garçons :

$$\frac{14 \cdot 13 \cdot 12 \cdot 11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8}{7!} = 3432 \text{ groupes de 7 garçons}$$

$$\text{total : } 252 \cdot 3432 = \underline{\underline{864\,864}} \text{ groupes différents}$$

DE38

$$\frac{30 \cdot 29 \cdot 28 \cdot 27 \cdot 26 \cdot 25}{6!} = \underline{\underline{593\,775}} \text{ possibilités}$$

DE39

- a) - un seul parfum : 5 combinaisons  
 - deux parfums :  $\frac{5 \cdot 4}{2!} = 10$   
 - trois parfums :  $\frac{5 \cdot 4 \cdot 3}{3!} = 10$   
 - quatre parfums :  $\frac{5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2}{4!} = 5$   
 - cinq parfums : 1  
 $\Rightarrow$  total :  $5 + 10 + 10 + 5 + 1 = \underline{\underline{31}}$  combinaisons

b)  $\frac{5 \cdot 4 \cdot 3}{3!} = \underline{\underline{10}}$  combinaisons

c)  $10 + 5 + 1 = \underline{\underline{16}}$  combinaisons

d)  $5 + 10 + 10 = \underline{\underline{25}}$  combinaisons

DE43

a)  $\frac{40 \cdot 39 \cdot 38 \cdot 37 \cdot 36 \cdot 35}{6!} = \frac{40!}{(40-6)! \cdot 6!} = \underline{\underline{3'838'380}}$  tirages

b)  $\frac{45!}{(45-6)! \cdot 6!} = \underline{\underline{8'145'066}}$  tirages

c)  $\frac{42!}{(42-6)! \cdot 6!} \cdot 6 = \underline{\underline{31'474'716}}$  tirages

DE44

a)  $2^{20} = 1'048'576$  possibilités

b)  $2^{18} = 262'144$  possibilités

c)  $2 \cdot 2^{18} = 524'288$  possibilités

d)  $2^{16} = 65'536$  possibilités

$$\text{DE47} \\ \text{1<sup>er</sup> boîte : } \frac{60}{100+60} = 37,5\% \text{ de bonbons}$$

$$\text{2<sup>e</sup> boîte : } \frac{72}{124+72} = 36,7\% \text{ de bonbons.}$$

Il vaut mieux piocher dans la 1<sup>ère</sup> boîte.

DE48

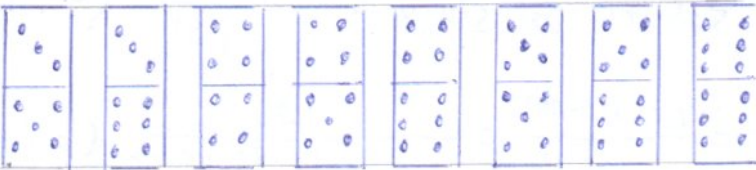
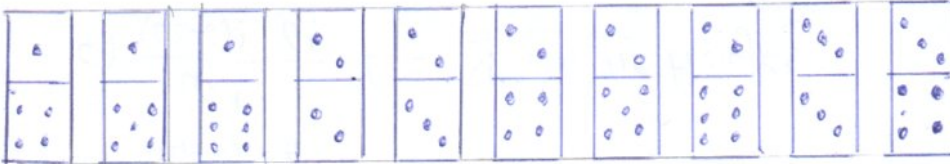
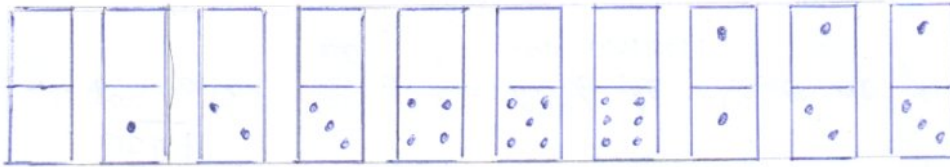
$$\text{a) } 1: \frac{1}{6} \quad 2: \frac{1}{6} \quad 3: \frac{1}{6} \quad 4: \frac{1}{6} \quad 5: \frac{1}{6} \quad 6: \frac{1}{6}$$

$$\text{b) } 2: \frac{1}{36} \quad 3: \frac{2}{36} \quad 4: \frac{3}{36} \quad 5: \frac{4}{36} \quad 6: \frac{5}{36} \\ 7: \frac{6}{36} \quad 8: \frac{5}{36} \quad 9: \frac{4}{36} \quad 10: \frac{3}{36} \quad 11: \frac{2}{36} \quad 12: \frac{1}{36}$$

$$\text{c) } 3: \frac{1}{216} \quad 4: \frac{3}{216} \quad 5: \frac{6}{216} \quad 6: \frac{10}{216} \quad 7: \frac{15}{216} \\ 8: \frac{21}{216} \quad 9: \frac{25}{216} \quad 10: \frac{27}{216} \quad 11: \frac{27}{216} \quad 12: \frac{25}{216} \\ 13: \frac{21}{216} \quad 14: \frac{15}{216} \quad 15: \frac{10}{216} \quad 16: \frac{6}{216} \\ 17: \frac{3}{216} \quad 18: \frac{1}{216}$$

DE49

Il y a 28 dominos:



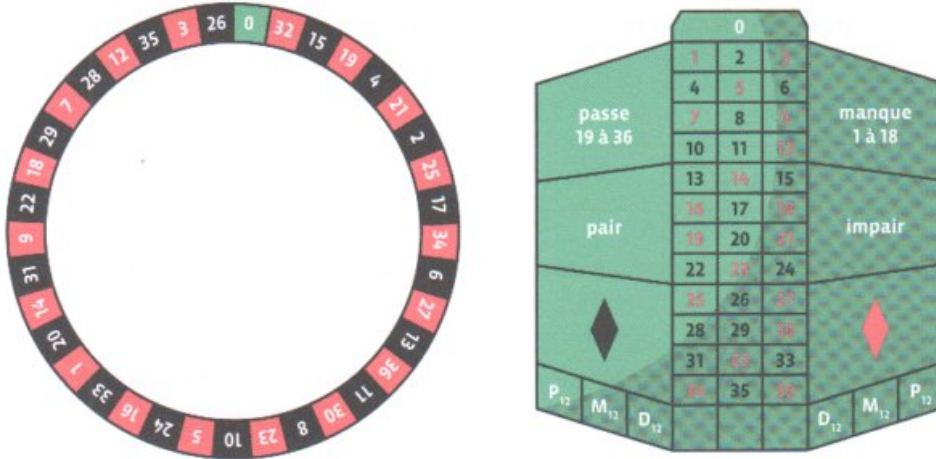
a)  $4/28$

b)  $16/28$

c)  $12/28$

## DE 50 — La roulette française

La roulette est un jeu de hasard composé d'une roulette, comportant 37 cases numérotées, et d'un tapis de jeu représentant les 37 nombres et quelques groupes de nombres, comme indiqué sur le dessin ci-dessous.



Les joueurs placent leur mise sur le tapis, le croupier fait tourner la roulette puis lance la bille qui désignera le nombre gagnant en s'arrêtant dans une des cases prévues à cet effet.

Voici un tableau des multiplicateurs de gain en fonction du type de mise.

Type de mise	Multiplicateur de gain	Probabilité de gagner	Montant probable pour une mise initiale de CHF 20.-
un numéro	·35	$\frac{1}{37}$	18.90
deux numéros	·17	$\frac{2}{37}$	$20 \cdot 17 \cdot \frac{2}{37} = 18.40$
trois numéros	·11	$\frac{3}{37}$	$20 \cdot 11 \cdot \frac{3}{37} = 17.85$
quatre numéros	·8	$\frac{4}{37}$	$20 \cdot 8 \cdot \frac{4}{37} = 17.30$
six numéros	·5	$\frac{6}{37}$	$20 \cdot 5 \cdot \frac{6}{37} = 16.20$
douze numéros	·2	$\frac{12}{37}$	$20 \cdot 2 \cdot \frac{12}{37} = 12.95$
dix-huit numéros	·1	$\frac{18}{37}$	$20 \cdot 1 \cdot \frac{18}{37} = 9.75$
vingt-quatre numéros	·0,5	$\frac{24}{37}$	$20 \cdot 0.5 \cdot \frac{24}{37} = 6.50$

- Complète le tableau.
- Y a-t-il un type de mise qui permet de gagner de l'argent avec une probabilité supérieure ou égale à 50%? *la mise à 24 numéros*
- Quel est le type de mise le plus avantageux? *un numéro*

DES1

$$a) \frac{3}{8} \cdot \frac{2}{8} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{2}{8} = \frac{12}{4096} = \frac{3}{1024}$$

b) l'ordre n'est pas important.

$$4! \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{2}{8} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{2}{8} = \frac{288}{4096} = \frac{9}{128}$$

$$c) \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} = \frac{81}{4096}$$

$$d) 4 \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{7}{8} = \frac{28}{4096} = \frac{7}{1024}$$

e) complémentaire à obtenir aucun triangle

$$1 - \left( \frac{7}{8} \cdot \frac{7}{8} \cdot \frac{7}{8} \cdot \frac{7}{8} \right) = 1 - \frac{2401}{4096} = \frac{1695}{4096}$$

$$f) 6 \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{8} \cdot \frac{5}{8} = \frac{1350}{4096} = \frac{675}{2048}$$

$$g) 6 \cdot \frac{2}{8} \cdot \frac{2}{8} \cdot \frac{6}{8} \cdot \frac{6}{8} = \frac{864}{4096} = \frac{27}{128}$$

DES2

$$a) \frac{9}{19} \cdot \frac{8}{18} \cdot \frac{7}{17} = \frac{504}{5814} = \frac{28}{323}$$

$$b) 3! \cdot \frac{4 \cdot 6 \cdot 9}{19 \cdot 18 \cdot 17} = \frac{216}{5814} \cdot 3! = \frac{1296}{5814} = \frac{216}{969} = \frac{72}{323}$$

$$c) \frac{15}{19} \cdot \frac{14}{18} \cdot \frac{13}{17} = \frac{2730}{5814} = \frac{455}{969}$$

DES3

$$\frac{1}{18}$$

DE54

a)  $\frac{1}{7}$

b)  $\frac{1}{7} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{42}$

DE55

a)  $1 \cdot 3 \cdot \frac{25}{100} \cdot \frac{75}{99} \cdot \frac{74}{98} = \frac{925}{2156} = 42,9\%$

2. aucun billet gagnant :

$$\frac{75 \cdot 74 \cdot 73 \cdot 72 \cdot 71}{100 \cdot 99 \cdot 98 \cdot 97 \cdot 96}$$

au moins un billet gagnant :

$$1 - \frac{75 \cdot 74 \cdot 73 \cdot 72 \cdot 71}{100 \cdot 99 \cdot 98 \cdot 97 \cdot 96} = \frac{644757}{836528} = 77,1\%$$

b) 1. aucun pot de fleur :

$$\frac{90 \cdot 89 \cdot 88 \cdot \dots \cdot 81}{100 \cdot 99 \cdot \dots \cdot 91}$$

au moins 1 pot de fleur :

$$1 - \frac{90 \cdot 89 \cdot \dots \cdot 81}{100 \cdot 99 \cdot \dots \cdot 91} = 67\%$$

2.  $4 \cdot 3 \cdot \frac{10 \cdot 15 \cdot 75 \cdot 74}{100 \cdot 99 \cdot 98 \cdot 97} = 10,6\%$

DES6  
 Règle 1 :  $\frac{5}{6} \cdot \frac{5}{6} = \frac{25}{36}$       Règle 2 :  $\frac{4}{6} = \frac{24}{36}$   
 Mieux vaut choisir la 1<sup>ère</sup> règle.

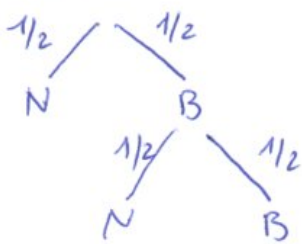
DES7

$$6 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^5 = \frac{1}{1296} = 0,077\%$$

DES8

Alex :  $\frac{1}{5}$  de gagnerGaëtan :  $\frac{4}{5}$  de pouvoir jouer et  $\frac{1}{4}$  de gagner :  $\frac{4}{5} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{5}$ Leila :  $\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4}$  de pouvoir jouer et  $\frac{1}{3}$  de gagner :  $\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{5}$ Ils ont tous les trois la même probabilité de gagner :  $\frac{1}{5}$ 

DES9



$$N: \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \text{ de gagner}$$

$$B: \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \text{ de gagner}$$

⇒ il faut attribuer un point à N lorsqu'il gagne et 3 points à B lorsqu'il gagne.

DE60

a) Aucun des 24 élèves ont la même date d'anniversaire:

Le premier peut avoir n'importe quelle date :  $\frac{365}{365}$

Le 2<sup>e</sup> a une probabilité de  $\frac{364}{365}$  d'avoir une date différente

Le 3<sup>e</sup>  $\frac{363}{365}$ , etc...

⇒ Au moins deux élèves avec la même date :

$$1 - \frac{365}{365} \cdot \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \dots \cdot \frac{343}{365} \cdot \frac{342}{365} = 0,538 = \underline{\underline{53,8\%}}$$

b) non puisque la probabilité est de plus de 50%

c)  $1 \cdot \frac{1}{365} \cdot \frac{1}{365} \approx \underline{\underline{0,00075\%}}$

62

$$\left(\frac{1}{3}\right)^{10} = \frac{1}{59049} = \underline{\underline{0,0017\%}}$$

63

$\bar{x}$  = chromosome porteur,  $\bigcirc$  malade

a)

		Père		
		x	y	
mère	$\bar{x}$	$\bar{x}x$	$\bigcirc \bar{x}y$	$\frac{1}{4} = 25\%$
	x	$xx$	$xy$	

b)

		Père		
		$\bar{x}$	y	
mère	$\bar{x}$	$\bigcirc \bar{x}\bar{x}$	$\bigcirc \bar{x}y$	$\frac{2}{4} = 50\%$
	x	$x\bar{x}$	$xy$	

c)

		$\bar{x}$	y	
mère	x	$x\bar{x}$	$xy$	$\frac{0}{4} = 0\%$
	x	$x\bar{x}$	$xy$	

d)

		Père		
		x	y	
mère	$\bar{x}$	$\bar{x}x$	$\bigcirc \bar{x}y$	$\frac{2}{4} = 50\%$
	$\bar{x}$	$\bar{x}x$	$\bigcirc \bar{x}y$	

DE64

Nombre total de combinaisons :  $2^4 = 16$ .

On veut FFGG dans n'importe quel ordre  
 $\Rightarrow$  nombre de cas favorables :

$$\frac{4!}{2!2!} = 6$$

$\Rightarrow$  probabilité d'avoir 2 filles et 2 garçons :

$$\frac{6}{16} = \frac{3}{8} = 37,5\%$$

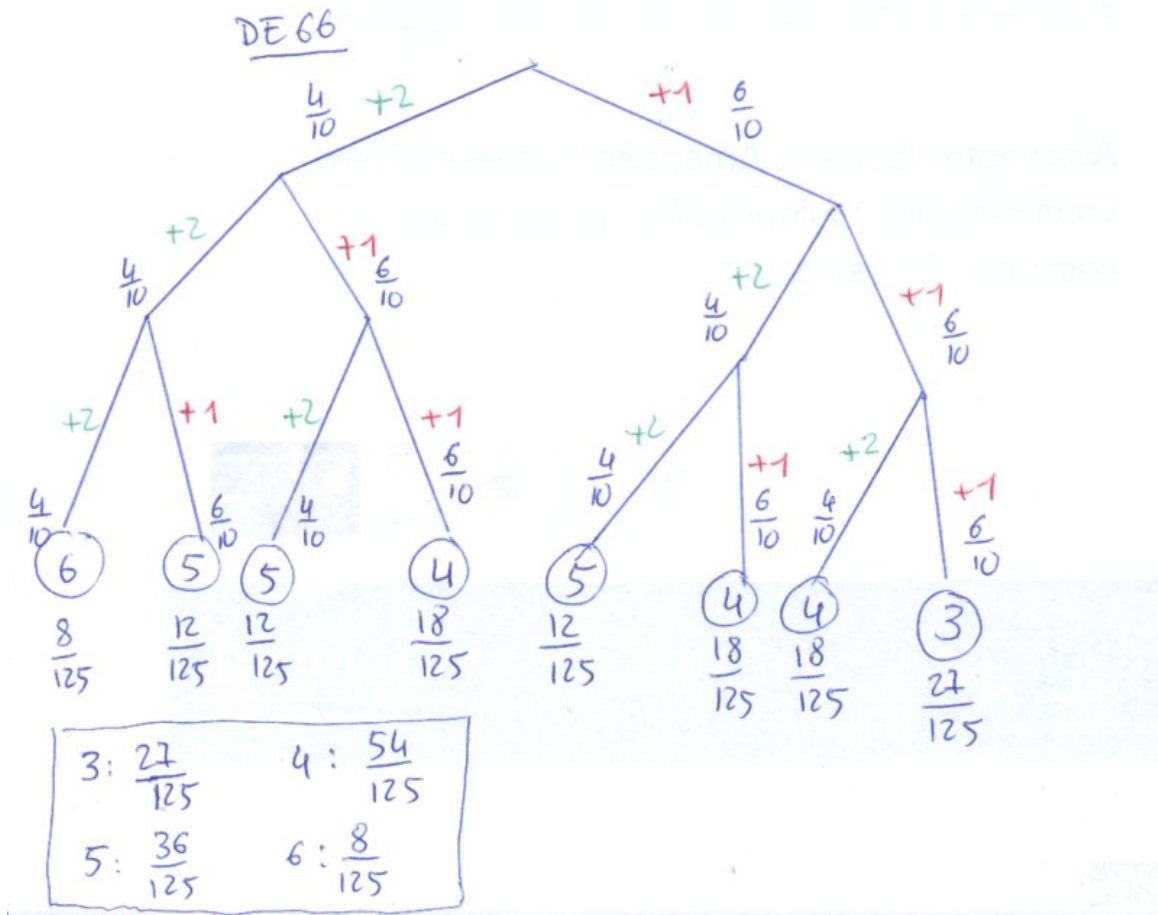
DE65

a) le groupe A

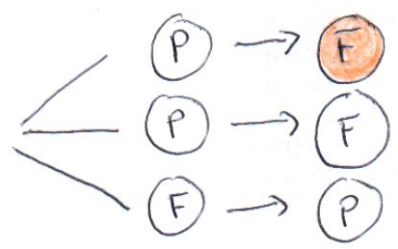
b)  $0.47 \cdot 0.85 = 0,3995 = 39,95\%$

c)  $0.41 \cdot 0.15 = 0,0615 = 6,15\%$

d)  $0.47 \cdot 0.85 + 0.08 \cdot 0.88 + 0.41 \cdot 0.85 + 0.04 \cdot 0.75 = 84,84\%$



DE 67.



probabilité =  $\frac{2}{3} = \underline{\underline{66.7\%}}$

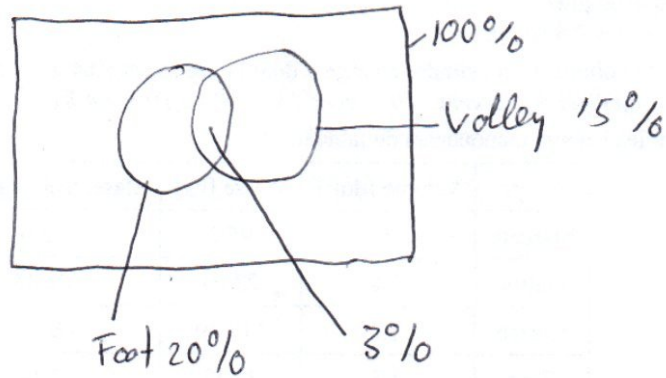
68

$$a) \quad \frac{85}{100} \cdot \frac{5}{10} = \frac{17}{40} = 42.5\%$$

$$b) \quad \frac{85}{100} \cdot \frac{2}{10} = \frac{17}{100} = 17\%$$

$$c) \quad \frac{85}{100} \cdot \frac{7}{10} = \frac{119}{200} = 59.5\%$$

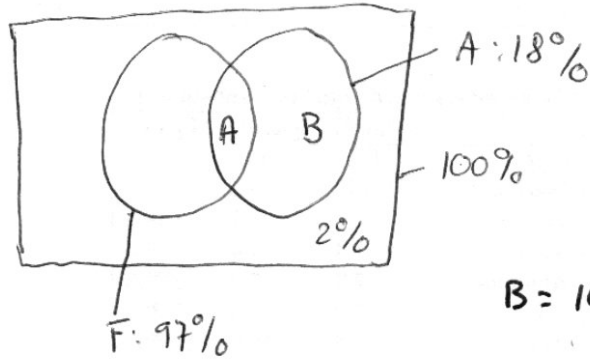
$$d) \quad 1 - 0.85 = 0.15 = 15\%$$

DE 69

$$a) \quad 100 - 20 - 15 + 3 = \underline{\underline{68\%}}$$

$$b) \quad 15 - 3 = \underline{\underline{12\%}}$$

DE 70

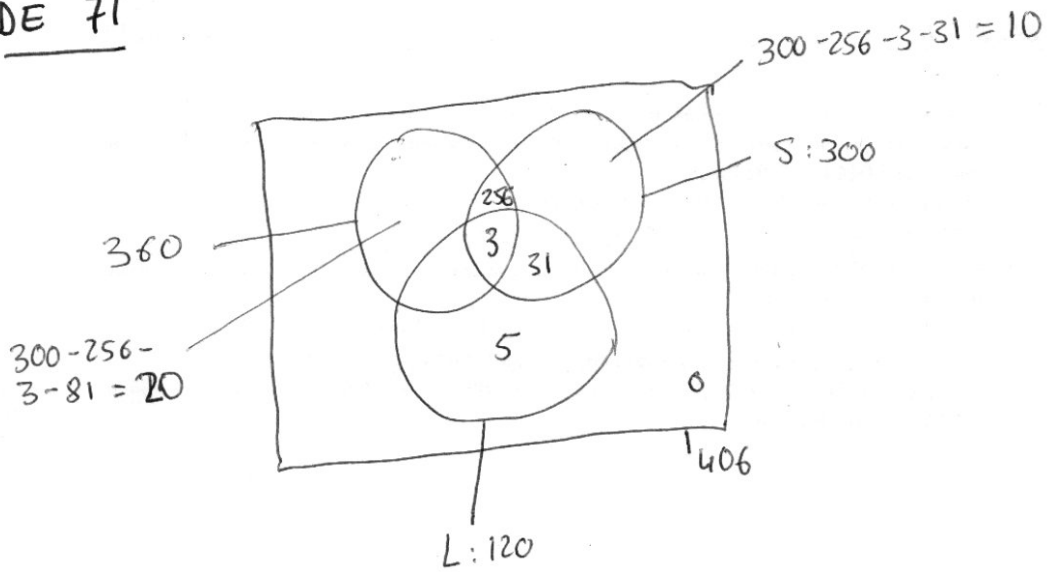


$$B = 100 - 97 - 2 = 1\%$$

a)  $18 - 1 = \underline{\underline{17\%}}$

b)  $1 + 2 = \underline{\underline{3\%}}$

DE 71



a)  $\frac{120}{406} = \underline{\underline{29,6\%}}$

b)  $\frac{106}{406} = \underline{\underline{26,1\%}}$

c)  $\frac{81}{406} = \underline{\underline{20\%}}$

DE73

a)  $\frac{1}{24} \cdot \frac{1}{24} = \frac{1}{576} = 0,17\%$

b)  $\frac{2}{24} = \frac{1}{12} = 8,3\%$

c)  $\frac{23}{24} \cdot \frac{23}{24} \cdot \frac{23}{24} = \frac{529}{576} = 88\%$

DE74

a)  $\frac{1}{12} \cdot \frac{1}{11} \cdot \frac{1}{10} \cdot 3! = \frac{6}{1320} = \frac{1}{220} = 0,45\%$